



中间代码生成

Part5: 类型表达式及自动构造

李诚

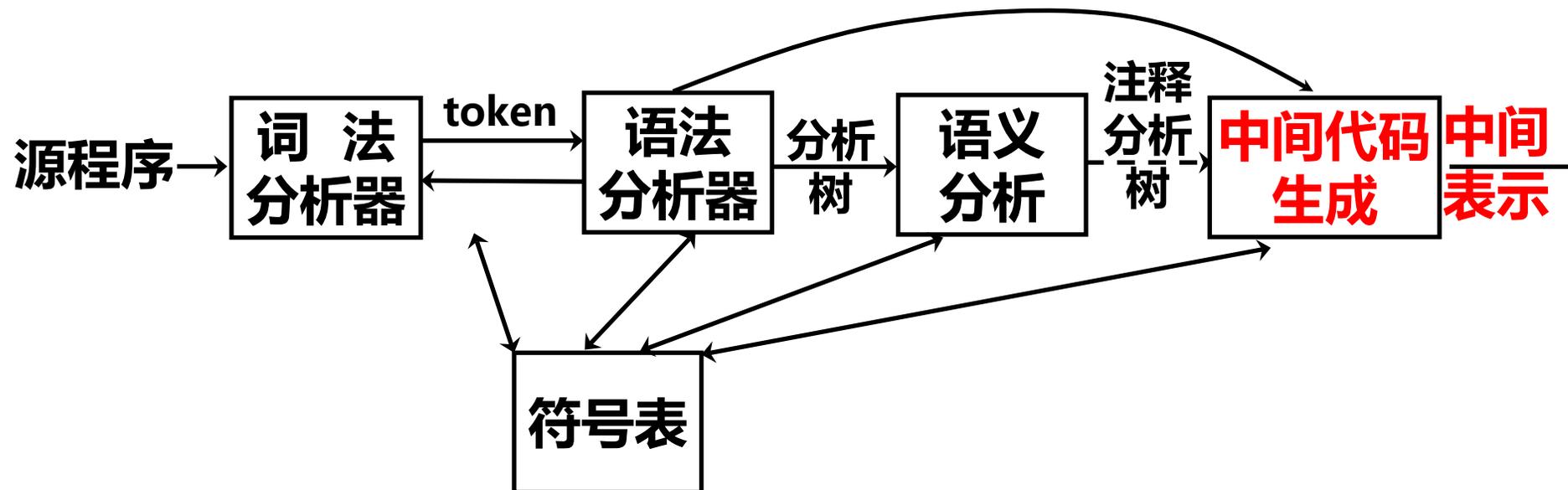
国家高性能计算中心(合肥)、信息与计算机国家级实验教学示范中心

计算机科学与技术学院

2024年10月30日



本节提纲



- 类型表达式
- 构造类型表达式的语法制导定义SDD
- 构造类型表达式的语法制导翻译SDT



- 类型可以是语法的一部分，因此也是结构的

考虑以下文法，**D**代表声明语句，**S**代表一般语句

$$P \rightarrow D ; S$$
$$D \rightarrow D ; D \mid \text{id} : T$$
$$T \rightarrow \text{boolean} \mid \text{integer} \mid \text{array} [\text{num}] \text{ of } T \mid \uparrow T \mid T \text{ '}\rightarrow\text{' } T$$



- 类型可以是语法的一部分，因此也是结构的

考虑以下文法，**D**代表声明语句，**S**代表一般语句

$$P \rightarrow D ; S$$
$$D \rightarrow D ; D \mid \text{id} : T$$
$$T \rightarrow \text{boolean} \mid \text{integer} \mid \text{array} [\text{num}] \text{ of } T \mid \uparrow T \mid T \text{ '}\rightarrow\text{' } T$$

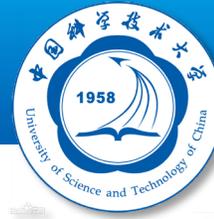
数组

指针

函数

基本类型

复杂且可组合的类型



• 基本类型是类型表达式

- *integer*
- *real*
- *char*
- *boolean*
- *type_error* // 出错类型
- *void* // 无类型

在类型检查中
传递错误

语句的类型



类型表达式 (Type expression)



- 基本类型是类型表达式
- 可为类型表达式命名，**类名**也是类型表达式



- 基本类型是类型表达式
- 可为类型表达式命名，**类名**也是类型表达式
- 将**类型构造算子**(type constructor)作用于类型表达式可以构成新的类型表达式
 - 数组类型构造算子 *array*
 - 如果T是类型表达式，N是一个整数，则 $array(N, T)$ 是类型表达式



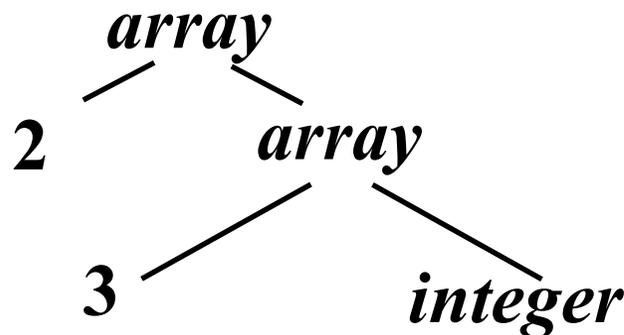
- 基本类型是类型表达式
- 可为类型表达式命名，**类名也是类型表达式**
- 将**类型构造算子**(type constructor)作用于类型表达式可以构成新的类型表达式
 - 数组类型构造算子 *array*
 - 如果T是类型表达式，N是一个整数，则 $array(N, T)$ 是类型表达式

类型	类型表达式
<code>int[3]</code>	<code>array(3, integer)</code>
<code>int[2][3]</code>	<code>array(2, array(3, integer))</code>



- 基本类型是类型表达式
- 可为类型表达式命名，**类名也是类型表达式**
- 将**类型构造算子**(type constructor)作用于类型表达式可以构成新的类型表达式
 - 数组类型构造算子 *array*
 - 如果T是类型表达式，N是一个整数，则 $array(N, T)$ 是类型表达式

类型	类型表达式
<code>int[3]</code>	$array(3, integer)$
<code>int[2][3]</code>	$array(2, array(3, integer))$





类型表达式 (Type expression)



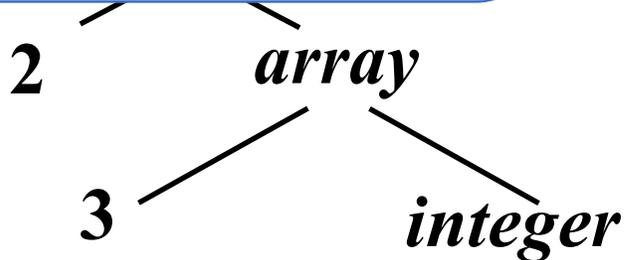
- 基本类型是类型表达式
- 可为类型表达式命名，**类名也是类型表达式**
- 将**类型构造算子**(type constructor)作用于类型表达式可以构成新的类型表达式

- 数组类型构造算子 *array*

- 如果T是类型表达式，N是一个整数，则 *array*

类型	类型表达式
<code>int[3]</code>	<code>array(3, integer)</code>
<code>int[2][3]</code>	<code>array(2, array(3, integer))</code>

也可以写为
array ($\{0, \dots, 2\}$, *integer*)
 其中 $\{0, \dots, 2\}$ 代表索引集合
 如首元素索引从1开始，则
 为*array* ($\{1, \dots, 3\}$, *integer*)





- 基本类型是类型表达式
- 可为类型表达式命名，类名也是类型表达式
- 将类型构造算子(type constructor)作用于类型表达式可以构成新的类型表达式
 - 数组类型构造算子 *array*
 - 指针类型构造算子 *pointer*
 - 如果T是类型表达式，则 $pointer(T)$ 是类型表达式



- 基本类型是类型表达式
- 可为类型表达式命名，类名也是类型表达式
- 将类型构造算子(type constructor)作用于类型表达式可以构成新的类型表达式
 - 数组类型构造算子 *array*
 - 指针类型构造算子 *pointer*
 - 笛卡尔乘积类型构造算子 \times
 - 如果 T_1 和 T_2 是类型表达式，则 $T_1 \times T_2$ 也是类型表达式
 - 主要用于描述列表和元组，如：表示函数的参数



- 基本类型是类型表达式
- 可为类型表达式命名，类名也是类型表达式
- 将类型构造算子(type constructor)作用于类型表达式可以构成新的类型表达式
 - 数组类型构造算子 *array*
 - 指针类型构造算子 *pointer*
 - 笛卡尔乘积类型构造算子 \times
 - 函数类型构造算子 \rightarrow
 - 若 T_1, T_2, \dots, T_n 和 R 是类型表达式，则 $T_1 \times T_2 \times \dots \times T_n \rightarrow R$ 也是

函数参数

函数返回值



- 基本类型是类型表达式
- 可为类型表达式命名，类名也是类型表达式
- 将类型构造算子(type constructor)作用于类型表达式可以构成新的类型表达式
 - 数组类型构造算子 *array*
 - 指针类型构造算子 *pointer*
 - 笛卡尔乘积类型构造算子 \times
 - 函数类型构造算子 \rightarrow
 - 记录类型构造算子 *record*
 - 若有标识符 N_1, N_2, \dots, N_n 以及对应的类型表达式 T_1, T_2, \dots, T_n ，则 $record((N_1 \times T_1) \times (N_2 \times T_2) \times \dots \times (N_n \times T_n))$ 也是类型表达式

记录中的
字段

字段对应的类
型表达式



类型表达式-例1



- **考虑C语言中数组double a[10][20], 写出a、a[0]、a[0][0]的类型表达式**



类型表达式-例1



- **考虑C语言中数组double a[10][20], 写出a、a[0]、a[0][0]的类型表达式**

a[0][0]: double



类型表达式-例1



- **考虑C语言中数组double a[10][20], 写出a、a[0]、a[0][0]的类型表达式**

a[0][0]: double

a[0]: array(20,double);
pointer(double)



类型表达式-例1



- **考虑C语言中数组double a[10][20], 写出a、 a[0]、 a[0][0]的类型表达式**

a[0][0]: double

a[0]: array(20,double);
pointer(double)

a: array(10,array(20,double));
pointer(array(20,double))



类型表达式-例2



- 为row、table和p分别写出类型表达式:

```
typedef struct {  
    int address;  
    char lexeme[15];  
} row;  
row table[101];  
row *p;
```



类型表达式-例2



- 为row、table和p分别写出类型表达式:

```
typedef struct{  
    int address;  
    char lexeme[15];  
} row;  
row table[101];  
row *p;
```

row的类型表达式:

$\text{record}((\text{address} \times \text{integer}) \times (\text{lexeme} \times (\text{array}(15, \text{char}))))$

table的类型表达式:

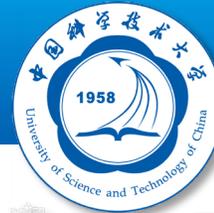
$\text{array}(101, \text{row})$ //此处row是类型名, 因此也是类型表达式

p的类型表达式:

$\text{pointer}(\text{row})$



类型表达式-例3



- 考虑下面的函数f，写出其类型表达式。

```
int *f(char a, char b);
```

f的类型表达式：

$(\text{char} \times \text{char}) \rightarrow \text{pointer}(\text{integer})$



类型表达式-例3



- 考虑下面的函数f，写出其类型表达式。

```
int *f(char a, char b);
```

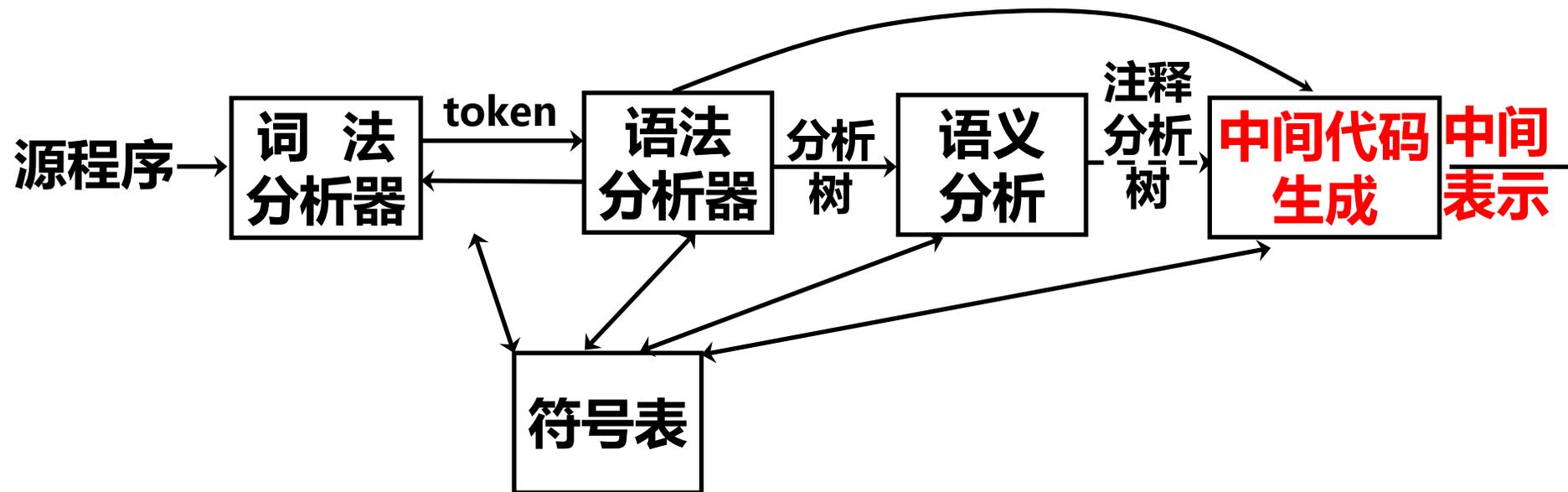
f的类型表达式:

$(\text{char} \times \text{char}) \rightarrow \text{pointer}(\text{integer})$

问题：可否自动化地实现类型表达式的生成？



本节提纲



- 类型表达式
- 构造类型表达式的语法制导定义SDD
- 构造类型表达式的语法制导翻译SDT



- 为以下文法制定构造类型表达式的语义规则

产生式	语义规则
$T \rightarrow B C$	
$B \rightarrow \text{int}$	
$B \rightarrow \text{float}$	
$C \rightarrow [\text{num}] C_1$	
$C \rightarrow \varepsilon$	



- 为以下文法制定构造类型表达式的语义规则

产生式	语义规则
$T \rightarrow B C$	
$B \rightarrow \text{int}$	
$B \rightarrow \text{float}$	
$C \rightarrow [\text{num}] C_1$	
$C \rightarrow \varepsilon$	

- 为每个文法符号设置**综合属性** t 和**继承属性** b
 - t : 该符号对应的类型表达式
 - b : 将类型信息从左到右传递



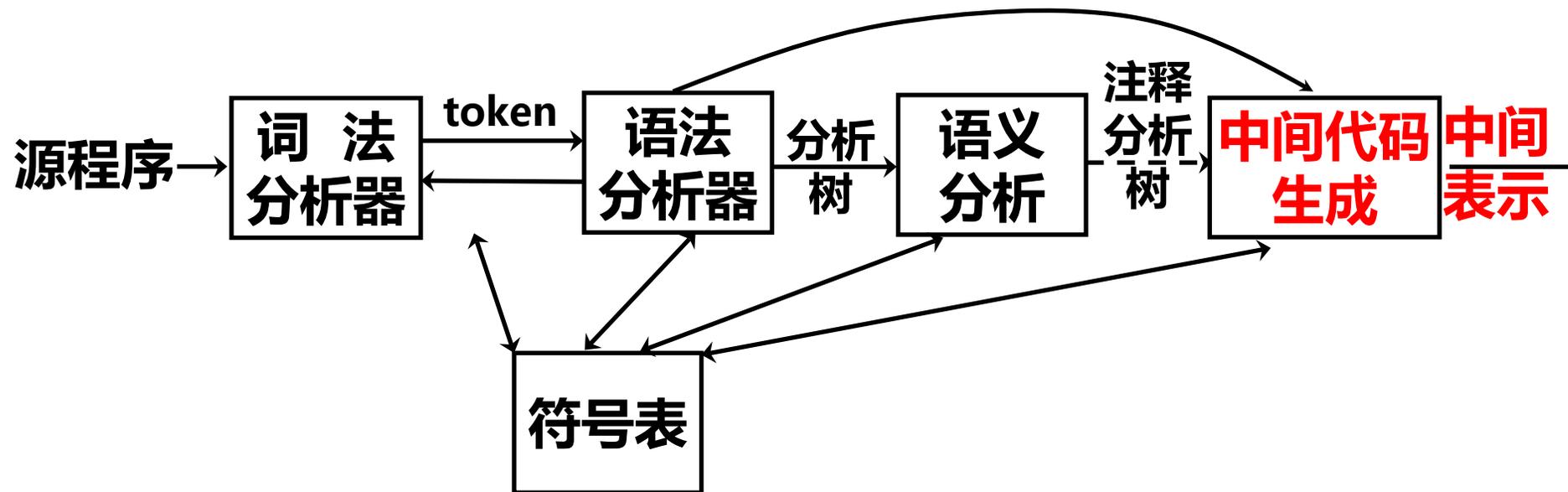
- 为以下文法制定构造类型表达式的语义规则

产生式	语义规则
$T \rightarrow B C$	$T.t = C.t; C.b = B.t$
$B \rightarrow \text{int}$	$B.t = \text{integer}$
$B \rightarrow \text{float}$	$B.t = \text{float}$
$C \rightarrow [\text{num}] C_1$	$C.t = \text{array}(\text{num.val}, C_1.t); C_1.b = C.b$
$C \rightarrow \varepsilon$	$C.t = C.b$

- 为每个文法符号设置**综合属性** t 和**继承属性** b
 - t : 该符号对应的类型表达式
 - b : 将类型信息从左到右传递



本节提纲



- 类型表达式
- 构造类型表达式的语法制导定义SDD
- 构造类型表达式的语法制导翻译SDT



- 将SDD改造为SDT

$$T \rightarrow B \{C.b = B.t\} C \{T.t = C.t; \}$$
$$B \rightarrow \text{int} \{B.t = \text{integer}\}$$
$$B \rightarrow \text{float} \{B.t = \text{float}\}$$
$$C \rightarrow [\text{num}] \{C_1.b = C.b\} C_1 \{C.t = \text{array}(\text{num.val}, C_1.t); \}$$
$$C \rightarrow \varepsilon \{C.t = C.b\}$$

- 但是继承属性的计算与LR分析方法不适配
- 因此，如果要使用LR，就需要改造文法



• 通过改造文法，与LR适配

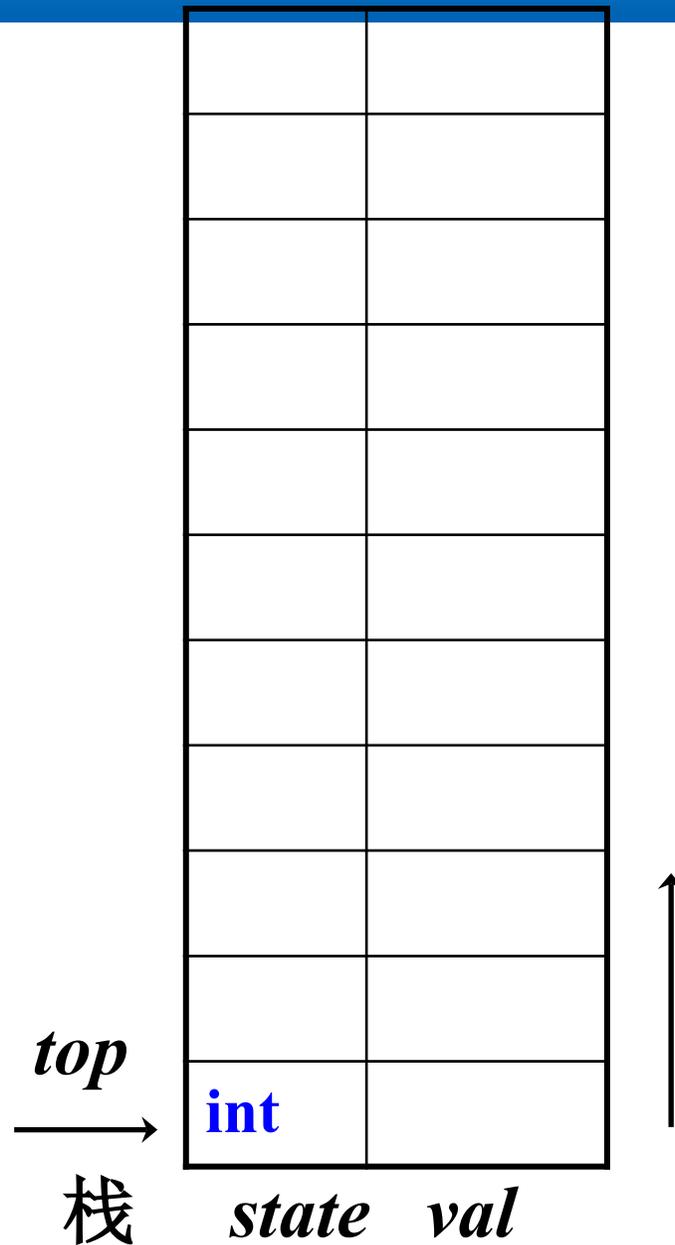
- 引入标记M，C归约时可在栈顶以下位置找到B.t
- 引入标记N，把继承属性C.b当做综合属性记录

$$T \rightarrow B M C \{T.t = C.t;\}$$
$$M \rightarrow \varepsilon \{M.t = B.t\}$$
$$B \rightarrow \text{int} \{B.t = \text{integer}\}$$
$$B \rightarrow \text{float} \{B.t = \text{float}\}$$
$$C \rightarrow [\text{num}] N C_1 \{C.t = \text{array}(\text{num.val}, C_1.t);\}$$
$$N \rightarrow \varepsilon \{N.t = C.b\}$$
$$C \rightarrow \varepsilon \{C.t = C.b\}$$



• 分析int[2][3]的LR栈操作

$T \rightarrow B M C \{T.t = C.t;\}$ $M \rightarrow \varepsilon \{M.t = B.t\}$ $B \rightarrow \text{int} \{B.t = \text{integer}\}$ $B \rightarrow \text{float} \{B.t = \text{float}\}$ $C \rightarrow [\text{num}] N C_1$ $\quad \{C.t = \text{array}(\text{num.val}, C_1.t);\}$ $N \rightarrow \varepsilon \{N.t = C.b\}$ $C \rightarrow \varepsilon \{C.t = C.b\}$
--





• 分析int[2][3]的LR栈操作

$T \rightarrow B M C \{T.t = C.t;\}$

$M \rightarrow \varepsilon \{M.t = B.t\}$

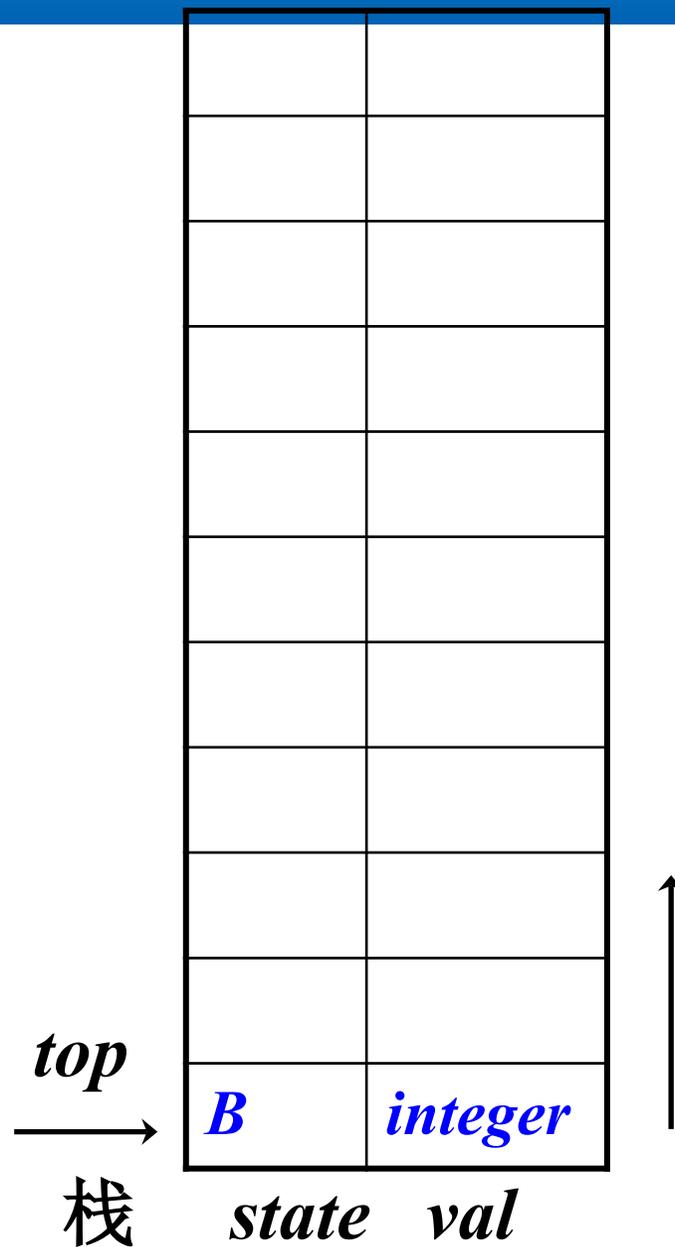
$B \rightarrow \text{int} \{B.t = \text{integer}\}$

$B \rightarrow \text{float} \{B.t = \text{float}\}$

$C \rightarrow [\text{num}] N C_1$
 $\{C.t = \text{array}(\text{num.val}, C_1.t);\}$

$N \rightarrow \varepsilon \{N.t = C.b\}$

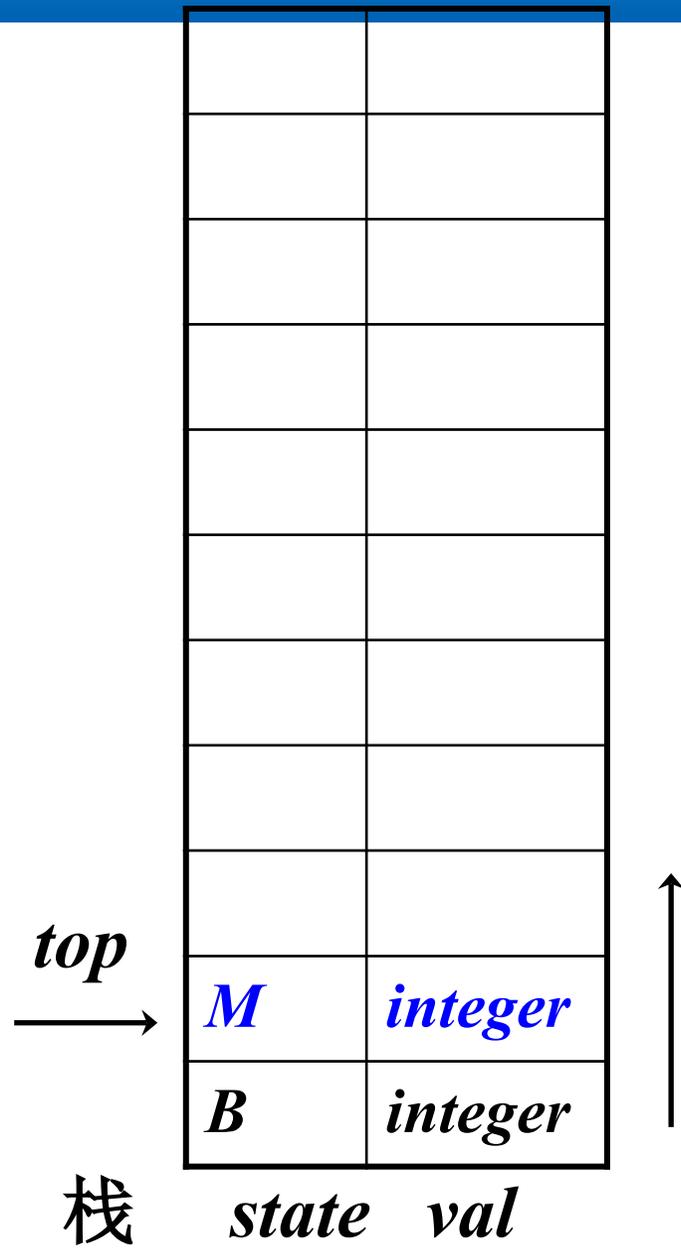
$C \rightarrow \varepsilon \{C.t = C.b\}$





• 分析int[2][3]的LR栈操作

$T \rightarrow B M C \{T.t = C.t; \}$
$M \rightarrow \varepsilon \{M.t = B.t\}$
$B \rightarrow \text{int} \{B.t = \text{integer}\}$
$B \rightarrow \text{float} \{B.t = \text{float}\}$
$C \rightarrow [\text{num}] N C_1$ $\{C.t = \text{array}(\text{num.val}, C_1.t); \}$
$N \rightarrow \varepsilon \{N.t = C.b\}$
$C \rightarrow \varepsilon \{C.t = C.b\}$





• 分析int[2][3]的LR栈操作

$T \rightarrow B M C \{T.t = C.t;\}$
$M \rightarrow \varepsilon \{M.t = B.t\}$
$B \rightarrow \text{int} \{B.t = \text{integer}\}$
$B \rightarrow \text{float} \{B.t = \text{float}\}$
$C \rightarrow [\text{num}] N C_1$ $\{C.t = \text{array}(\text{num.val}, C_1.t);\}$
$N \rightarrow \varepsilon \{N.t = C.b\}$
$C \rightarrow \varepsilon \{C.t = C.b\}$

top
→

]	
num	2
[
M	integer
B	integer



栈 state val



• 分析int[2][3]的LR栈操作

$T \rightarrow B M C \{T.t = C.t;\}$
$M \rightarrow \varepsilon \{M.t = B.t\}$
$B \rightarrow \text{int} \{B.t = \text{integer}\}$
$B \rightarrow \text{float} \{B.t = \text{float}\}$
$C \rightarrow [\text{num}] N C_1$ $\{C.t = \text{array}(\text{num.val}, C_1.t);\}$
$N \rightarrow \varepsilon \{N.t = C.b\}$
$C \rightarrow \varepsilon \{C.t = C.b\}$

top
→

<i>N</i>	<i>integer</i>
]	
num	2
[
<i>M</i>	<i>integer</i>
<i>B</i>	<i>integer</i>

↑

栈 *state* *val*



• 分析int[2][3]的LR栈操作

$T \rightarrow B M C \{T.t = C.t;\}$
$M \rightarrow \varepsilon \{M.t = B.t\}$
$B \rightarrow \text{int} \{B.t = \text{integer}\}$
$B \rightarrow \text{float} \{B.t = \text{float}\}$
$C \rightarrow [\text{num}] N C_1$ $\{C.t = \text{array}(\text{num.val}, C_1.t);\}$
$N \rightarrow \varepsilon \{N.t = C.b\}$
$C \rightarrow \varepsilon \{C.t = C.b\}$

top
→

]	
num	3
[
N	integer
]	
num	2
[
M	integer
B	integer



栈 state val



• 分析int[2][3]的LR栈操作

$T \rightarrow B M C \{T.t = C.t;\}$
$M \rightarrow \varepsilon \{M.t = B.t\}$
$B \rightarrow \text{int} \{B.t = \text{integer}\}$
$B \rightarrow \text{float} \{B.t = \text{float}\}$
$C \rightarrow [\text{num}] N C_1$ $\{C.t = \text{array}(\text{num.val}, C_1.t);\}$
$N \rightarrow \varepsilon \{N.t = C.b\}$
$C \rightarrow \varepsilon \{C.t = C.b\}$

top
→

<i>N</i>	<i>integer</i>
]	
num	3
[
<i>N</i>	<i>integer</i>
]	
num	2
[
<i>M</i>	<i>integer</i>
<i>B</i>	<i>integer</i>



栈 state val



• 分析int[2][3]的LR栈操作

$T \rightarrow B M C \{T.t = C.t;\}$
$M \rightarrow \varepsilon \{M.t = B.t\}$
$B \rightarrow \text{int} \{B.t = \text{integer}\}$
$B \rightarrow \text{float} \{B.t = \text{float}\}$
$C \rightarrow [\text{num}] N C_1$ $\{C.t = \text{array}(\text{num.val}, C_1.t);\}$
$N \rightarrow \varepsilon \{N.t = C.b\}$
$C \rightarrow \varepsilon \{C.t = C.b\}$

top
→

<i>C</i>	<i>integer</i>
<i>N</i>	<i>integer</i>
<i>]</i>	
num	3
<i>[</i>	
<i>N</i>	<i>integer</i>
<i>]</i>	
num	2
<i>[</i>	
<i>M</i>	<i>integer</i>
<i>B</i>	<i>integer</i>



栈 state val



• 分析int[2][3]的LR栈操作

$T \rightarrow B M C \{T.t = C.t; \}$
 $M \rightarrow \varepsilon \{M.t = B.t\}$
 $B \rightarrow \text{int} \{B.t = \text{integer}\}$
 $B \rightarrow \text{float} \{B.t = \text{float}\}$
 $C \rightarrow [\text{num}] N C_1$
 $\quad \{C.t = \text{array}(\text{num.val}, C_1.t); \}$
 $N \rightarrow \varepsilon \{N.t = C.b\}$
 $C \rightarrow \varepsilon \{C.t = C.b\}$

完成第一次归约
 $C \rightarrow [\text{num}] N C_1$

top
 →

<i>C</i>	<i>array(3, integer)</i>
<i>N</i>	<i>integer</i>
<i>]</i>	
<i>num</i>	<i>2</i>
<i>[</i>	
<i>M</i>	<i>integer</i>
<i>B</i>	<i>integer</i>

↑

栈 state val



• 分析int[2][3]的LR栈操作

$$T \rightarrow B M C \{T.t = C.t;\}$$

$$M \rightarrow \varepsilon \{M.t = B.t\}$$

$$B \rightarrow \text{int} \{B.t = \text{integer}\}$$

$$B \rightarrow \text{float} \{B.t = \text{float}\}$$

$$C \rightarrow [\text{num}] N C_1$$

$$\quad \{C.t = \text{array}(\text{num.val}, C_1.t);\}$$

$$N \rightarrow \varepsilon \{N.t = C.b\}$$

$$C \rightarrow \varepsilon \{C.t = C.b\}$$

完成第二次归约
 $C \rightarrow [\text{num}] N C_1$

<i>top</i> →	<i>C</i>
	<i>array(2, array(3, integer))</i>
	<i>M</i>
	<i>integer</i>
	<i>B</i>
	<i>integer</i>

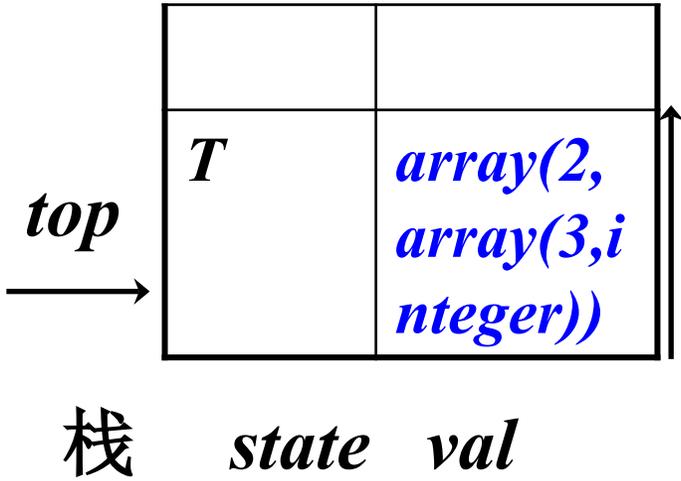
栈 state val



• 分析int[2][3]的LR栈操作

$T \rightarrow B M C \{T.t = C.t; \}$
 $M \rightarrow \varepsilon \{M.t = B.t\}$
 $B \rightarrow \text{int} \{B.t = \text{integer}\}$
 $B \rightarrow \text{float} \{B.t = \text{float}\}$
 $C \rightarrow [\text{num}] N C_1$
 $\quad \{C.t = \text{array}(\text{num.val}, C_1.t); \}$
 $N \rightarrow \varepsilon \{N.t = C.b\}$
 $C \rightarrow \varepsilon \{C.t = C.b\}$

完成第三次归约
 $T \rightarrow B M C$





一起努力 打造国产基础软硬件体系!

李诚

国家高性能计算中心(合肥)、信息与计算机国家级实验教学示范中心

计算机科学与技术学院

2024年10月30日